

### 3. Stegreifaufgabe aus der Mathematik

Klasse 9

## - Lösungen -

1. Die Flächeninhalte ähnlicher Figuren verhalten sich wie die Verhältnisse der Quadrate entsprechender Strecken.

Im gegebenen Fall:

$$\frac{A_{\triangle A'B'C'}}{A_{\triangle ABC}} = \frac{b'^2}{b^2}$$

$$\frac{13,5 \text{ cm}^2}{6 \text{ cm}^2} = \frac{b'^2}{4^2 \text{ cm}^2}$$

$$b'^2 = \frac{13,5 \text{ cm}^2 \cdot 16 \text{ cm}^2}{6 \text{ cm}^2}$$

$$\underline{\underline{b' = 6 \text{ cm}}}$$

$\beta' = 60^\circ$ , da ähnliche Dreiecke in ihren Innenwinkeln übereinstimmen.

1. Ähnlichkeitssatz:

Dreiecke sind ähnlich, wenn sie in 2 Winkeln (und somit in allen Winkeln) übereinstimmen.

3. a) Behauptung:  $\triangle DAF \sim \triangle BEA$

Beweis:  $\sphericalangle ADF = \sphericalangle EBA = 90^\circ$  (Quadrat)

$\sphericalangle FAD = \sphericalangle AEB$  (Wechselwinkel)

$\sphericalangle DFA = \sphericalangle CFE$  (Scheitelwinkel)

Die Dreiecke sind ähnlich, weil sie in den Innenwinkeln übereinstimmen.

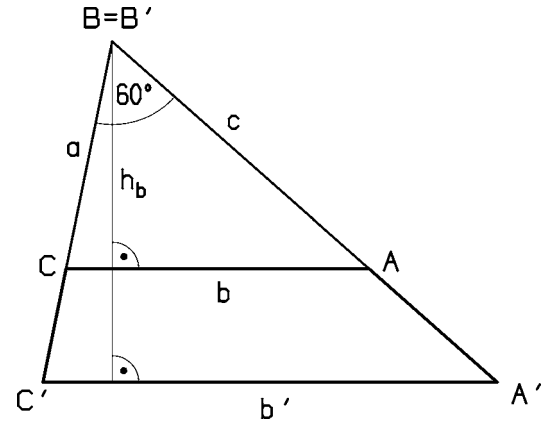
b)

$$\frac{\overline{AD}}{\overline{DF}} = \frac{\overline{BE}}{\overline{AB}}$$

$$\overline{BE} = \frac{\overline{AD}}{\overline{DF}} \cdot \overline{AB}$$

$$\overline{BE} = \frac{6 \text{ cm}}{4 \text{ cm}} \cdot 6 \text{ cm}$$

$$\underline{\underline{\overline{BE} = 9 \text{ cm}}}$$



Nebenrechnung:

$$A_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \cdot b \cdot h_b$$

$$A_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \cdot 4 \text{ cm} \cdot 3 \text{ cm}$$

$$\underline{\underline{A_{\triangle ABC} = 6 \text{ cm}^2}}$$

## - Lösungen -

2. Diese Konstruktionsaufgabe lässt sich lösen, indem man zunächst eine ähnliche Figur konstruiert und sie dann mit einer zentrischen Streckung auf die gewünschte Größe bringt.

Konstruktionsablauf:

Dreieck  $A'B'C'$  mit  $\alpha' = 60^\circ$ ,  $\beta' = 50^\circ$  und beliebiger Länge  $c'$  zeichnen.

Strecke  $[B'D'] = a'$  wie gezeigt antragen.

Von  $A'$  aus trägt man die gegebene Länge  $a + c$  an; es ergibt sich  $D$ .

Eine zentrische Streckung mit Zentrum  $A = A'$  bildet  $D'$  auf  $D$  ab und erzeugt  $C$  sowie  $B$  als Bilder von  $C'$  und  $B'$ .

$BC \parallel B'C'$  und  $CD \parallel C'D'$ .

